

$$d = 6$$

$$\Phi_{\mathbb{Q}}(6) \supseteq \left\{ \begin{array}{l} (2), (3), (4), (5), (6), (7), (8), (9), (10), (12), (13), (14), (15), (16), (18), (21), (30), \\ (2, 2), (2, 4), (2, 6), (2, 8), (2, 10), (2, 12), (2, 14), (2, 18), (3, 3), (3, 6), (3, 9), (3, 12), (4, 4), (4, 12), (6, 6) \end{array} \right\}$$

$G$	$\Phi_{\mathbb{Q}}(6, G) \setminus \{G\} \supseteq$
( $)$	$\{(2), (3), (4), (5), (6), (7), (9), (10), (12), (13), (14), (15), (18), (21), (2, 2), (2, 6), (2, 10), (2, 14), (2, 18), (3, 3), (3, 9), (4, 4), (4, 12), (6, 6)\}$
(2)	$\{(4), (6), (8), (10), (12), (14), (16), (18), (2, 2), (2, 6), (2, 10), (2, 14), (2, 18), (3, 6), (3, 12), (6, 6)\}$
(3)	$\{(6), (9), (12), (15), (21), (30), (2, 6), (3, 3), (3, 6), (3, 9), (4, 12), (6, 6)\}$
(4)	$\{(8), (12), (2, 4), (2, 8), (2, 12), (3, 12), (4, 4)\}$
(5)	$\{(10), (15), (30), (2, 10)\}$
(6)	$\{(12), (18), (2, 6), (2, 18), (3, 6), (3, 12), (6, 6)\}$
(7)	$\{(14), (2, 14)\}$
(8)	$\{(16), (2, 8)\}$
(9)	$\{(18), (2, 18), (3, 9)\}$
(10)	$\{(2, 10)\}$
(12)	$\{(2, 12), (3, 12)\}$
(2, 2)	$\{(2, 4), (2, 6), (2, 8), (2, 12), (6, 6)\}$
(2, 4)	$\{(2, 8), (4, 4)\}$
(2, 6)	$\{(2, 12), (6, 6)\}$
(2, 8)	$\{\}$

$$h_{\mathbb{Q}}(6) = 9$$

Number of configurations: 137

Maximun conductor to obtain all the configurations: 10816

$G$	$\mathcal{H}_{\mathbb{Q}}(6, E)$	Label
( $)$	$(2, 2)$	392b1
( $)$	$(2, 14)$	1922c1
( $)$	$(2), (2, 2)$	11a2
( $)$	$(2, 2), (2, 14)$	1922e1
( $)$	$(4), (4, 4)$	648a1
( $)$	$(7), (2, 2)$	1922c2
( $)$	$(2), (5), (2, 10)$	121d1
( $)$	$(2), (7), (2, 2)$	26b2
( $)$	$(2), (7), (2, 14)$	10816bk1
( $)$	$(2), (13), (2, 2)$	147b1
( $)$	$(3), (6), (6, 6)$	108a2
( $)$	$(4), (7), (4, 4)$	338b1
( $)$	$(2), (3)^2, (2, 6)$	484a1
( $)$	$(2), (3), (9), (2, 18)$	1728e3
( $)$	$(2), (4)^2, (2, 2)$	648c1
( $)$	$(2), (5), (10), (2, 2)$	75a2
( $)$	$(2), (7), (14), (2, 2)$	208d1
( $)$	$(3)^2, (2, 2), (2, 6)$	196a1
( $)$	$(3)^2, (4), (4, 12)$	1296h1
( $)$	$(2), (3)^2, (2, 6), (3, 3)$	225b2
( $)$	$(2), (3)^2, (6), (2, 2)$	50b3
( $)$	$(2), (3)^2, (6), (2, 6)$	361b2
( $)$	$(2), (3)^2, (7), (2, 6)$	5184u3
( $)$	$(2), (3)^2, (9), (2, 6)$	361b1
( $)$	$(2), (3)^2, (21), (2, 6)$	5184u1
( $)$	$(2), (3), (6)^2, (2, 2)$	300a1
( $)$	$(2), (3), (9), (18), (2, 2)$	432e3
( $)$	$(2), (4)^2, (7), (2, 2)$	338a1
( $)$	$(3)^2, (2, 2), (2, 6), (3, 3)$	196b2
( $)$	$(3)^2, (4), (12), (4, 4)$	1296h2
( $)$	$(2), (3)^2, (4)^2, (2, 6)$	1296j1
( $)$	$(2), (3)^2, (4), (12), (2, 2)$	1296j2
( $)$	$(2), (3)^2, (5), (6), (2, 10)$	1600q1
( $)$	$(2), (3)^2, (5), (10), (2, 6)$	1600v3
( $)$	$(2), (3)^2, (6), (2, 2), (3, 3)$	44a2
( $)$	$(2), (3)^2, (6), (2, 2), (3, 9)$	486c2
( $)$	$(2), (3)^2, (6)^2, (2, 2)$	175b2

$G$	$\mathcal{H}_{\mathbb{Q}}(6, E)$	Label
( $)$	$(2), (3)^2, (6), (7), (2, 2)$	1296e2
( $)$	$(2), (3)^2, (6), (9), (2, 2)$	175b1
( $)$	$(2), (3)^2, (6), (9), (2, 6)$	1728e2
( $)$	$(2), (3)^2, (6), (21), (2, 2)$	1296e1
( $)$	$(2), (3), (9), (18), (2, 2), (3, 9)$	54a2
( $)$	$(3)^2, (4), (12), (3, 3), (4, 4)$	162d2
( $)$	$(2), (3)^2, (4)^2, (6), (2, 2)$	4050g2
( $)$	$(2), (3)^2, (4), (12), (2, 2), (3, 3)$	162a2
( $)$	$(2), (3)^2, (5), (6), (10), (2, 2)$	400b1
( $)$	$(2), (3)^2, (6)^2, (9), (2, 2)$	432a1
( $)$	$(2), (3)^2, (6), (7), (2, 2), (3, 3)$	162b4
( $)$	$(2), (3)^2, (6), (7), (21), (2, 2)$	7938u3
( $)$	$(2), (3)^2, (6), (21), (2, 2), (3, 3)$	162c2
( $)$	$(2), (3)^2, (9)^2, (2, 6), (3, 3)$	27a2
( $)$	$(2), (3)^2, (6), (7), (21), (2, 2), (3, 3)$	162b2
( $)$	$(2), (3)^2, (6), (9)^2, (2, 2), (3, 3)$	19a2
( $)$	$(2), (3)^2, (5), (6), (10), (15), (2, 2), (3, 3)$	50a4
( $2$ )	$(2, 2)$	46a1
( $2$ )	$(2, 10)$	450a3
( $2$ )	$(2, 2), (2, 14)$	49a1
( $2$ )	$(6), (2, 6)$	80b1
( $2$ )	$(10), (2, 2)$	150b3
( $2$ )	$(14), (2, 2)$	49a2
( $2$ )	$(4)^2, (2, 2)$	15a5
( $2$ )	$(4), (8), (2, 2)$	24a6
( $2$ )	$(4), (16), (2, 2)$	3150bk1
( $2$ )	$(6), (2, 2), (2, 6)$	80b3
( $2$ )	$(6), (2, 6), (2, 18)$	98a1
( $2$ )	$(6), (2, 6), (6, 6)$	36a3
( $2$ )	$(6)^2, (2, 2)$	80b2
( $2$ )	$(8)^2, (2, 2)$	2880r6
( $2$ )	$(14), (2, 2), (2, 14)$	49a3
( $2$ )	$(4)^2, (6), (2, 6)$	960o7
( $2$ )	$(4)^2, (12), (2, 6)$	450g1
( $2$ )	$(4), (6), (12), (2, 2)$	240b3
( $2$ )	$(4), (12), (2, 2), (2, 6)$	450g3
( $2$ )	$(6)^2, (18), (2, 2)$	98a2

$G$	$\mathcal{H}_{\mathbb{Q}}(6, E)$	Label
(2)	(6), (18), (2, 2), (2, 6)	98a5
(2)	(4) <sup>2</sup> , (6), (2, 2), (2, 6)	960o4
(2)	(4) <sup>2</sup> , (6) <sup>2</sup> , (2, 2)	150c4
(2)	(4) <sup>2</sup> , (6), (12), (2, 2)	240b1
(2)	(6) <sup>2</sup> , (2, 2), (2, 6), (3, 6)	20a3
(2)	(4), (6), (12) <sup>2</sup> , (2, 2), (2, 6), (3, 12)	30a3
(2)	(6) <sup>2</sup> , (18) <sup>2</sup> , (2, 2), (2, 6), (3, 6)	14a3
(2)	(4) <sup>2</sup> , (6) <sup>2</sup> , (12) <sup>2</sup> , (2, 2), (2, 6), (3, 6)	30a7
(3)	(2, 6), (3, 3)	196b1
(3)	(6), (6, 6)	108a1
(3)	(6), (2, 6), (3, 3)	44a1
(3)	(12), (3, 3), (4, 12)	162d1
(3)	(6), (2, 6), (3, 3), (3, 6)	19a1
(3)	(6), (3, 3), (3, 9), (6, 6)	27a1
(3)	(6), (9), (2, 6), (3, 9)	486f1
(3)	(6), (21), (2, 6), (3, 3)	162b1
(3)	(6), (2, 6), (3, 3), (3, 6), (3, 9)	54a1
(3)	(6), (9), (3, 3), (3, 9), (6, 6)	27a3
(3)	(6), (9) <sup>2</sup> , (2, 6), (3, 3)	19a3
(3)	(6), (12) <sup>2</sup> , (2, 6), (3, 3)	162a1
(3)	(6), (15), (30), (2, 6), (3, 3)	50a3
(3)	(6), (9), (2, 6), (3, 3), (3, 6), (3, 9)	54b1
(4)	(2, 4)	17a1
(4)	(2, 8)	192c6
(4)	(4, 4)	40a4
(4)	(12), (2, 12)	150c3
(4)	(8) <sup>2</sup> , (2, 4)	15a7
(4)	(8) <sup>2</sup> , (2, 8)	240d6
(4)	(12), (2, 4), (2, 12)	150c1
(4)	(12) <sup>2</sup> , (2, 4)	720j5
(4)	(12) <sup>2</sup> , (2, 4), (2, 12), (3, 12)	90c1
(5)	(10), (2, 10)	11a1
(5)	(10), (15) <sup>2</sup> , (30), (2, 10)	50b1
(6)	(2, 6), (3, 6)	14a1
(6)	(2, 6), (6, 6)	36a1
(6)	(12) <sup>2</sup> , (2, 6), (3, 6)	30a4
(6)	(12) <sup>2</sup> , (2, 6), (3, 12)	30a1

$G$	$\mathcal{H}_{\mathbb{Q}}(6, E)$	Label
(6)	$(18)^2, (2, 6), (2, 18), (3, 6)$	14a4
(7)	$(14), (2, 14)$	26b1
(8)	$(2, 8)$	15a4
(8)	$(16)^2, (2, 8)$	210e1
(9)	$(18), (2, 18), (3, 9)$	54b3
(10)	$(2, 10)$	66c1
(12)	$(2, 12), (3, 12)$	90c3
(2, 2)	$(2, 4)$	33a1
(2, 2)	$(2, 8)$	63a2
(2, 2)	$(2, 4)^2$	17a2
(2, 2)	$(2, 4), (2, 8)$	75b3
(2, 2)	$(2, 6)^2$	240b2
(2, 2)	$(2, 6), (2, 12)$	960o6
(2, 2)	$(2, 4)^3$	15a2
(2, 2)	$(2, 4)^2, (2, 8)$	510e5
(2, 2)	$(2, 4), (2, 6)^2$	150c2
(2, 2)	$(2, 4), (2, 6), (2, 12)$	960o2
(2, 2)	$(2, 6)^2, (6, 6)$	30a6
(2, 2)	$(2, 4), (2, 6)^2, (2, 12), (6, 6)$	90c2
(2, 4)	$(2, 8)$	15a3
(2, 4)	$(4, 4)$	195a3
(2, 4)	$(2, 8)^2$	1230f2
(2, 4)	$(2, 8), (4, 4)$	15a1
(2, 4)	$(2, 8)^2, (4, 4)$	210e3
(2, 6)	$(6, 6)$	30a2
(2, 6)	$(2, 12), (6, 6)$	90c6