

Matrices y sistemas de ecuaciones lineales

- 1.** Resolver los siguientes sistemas (en \mathbb{R} o en \mathbb{C} según sea el caso) mediante el método de eliminación de Gauss. Los sistemas *vii* y *viii*, *ix* y *x*, y *xi* y *xii* pueden (y deben) resolverse simultáneamente.

$$i) \begin{cases} x_1 - 2x_2 + x_3 = 7 \\ 3x_1 + 2x_2 - x_3 = 1 \\ 2x_1 - 5x_2 + 2x_3 = 6 \end{cases} \quad ii) \begin{cases} x_1 - 3x_2 + 2x_3 = 0 \\ -x_1 - 2x_2 + 2x_3 = 0 \\ 2x_1 - 2x_3 = 0 \end{cases} \quad iii) \begin{cases} x + y + z + t = 0 \\ y - z = 5 \\ x + z + 2t = 1 \\ x + 2y = 0 \end{cases}$$

$$iv) \begin{cases} x_1 + 2x_2 + 3x_3 = 2 \\ x_1 - x_2 + x_3 = 0 \\ x_1 + 3x_2 - x_3 = -2 \\ 3x_1 + 4x_2 + 3x_3 = 0 \end{cases} \quad v) \begin{cases} x_1 + x_2 = 5 \\ x_1 - x_2 = 3 + 6i \end{cases} \quad vi) \begin{cases} x + y + iz + t = 0 \\ 2x - y + 2z - t = 1 \\ x + iy - z + it = 2 \\ x + y + z - t = 0 \end{cases}$$

$$vii) \begin{cases} 2x_1 - 4x_2 = 10 \\ x_1 - 3x_2 + x_4 = -4 \\ x_1 - x_3 + 2x_4 = 4 \\ 3x_1 - 4x_2 + 3x_3 - x_4 = -11 \end{cases} \quad viii) \begin{cases} 2x_1 - 4x_2 = -8 \\ x_1 - 3x_2 + x_4 = -2 \\ x_1 - x_3 + 2x_4 = 9 \\ 3x_1 - 4x_2 + 3x_3 - x_4 = -15 \end{cases}$$

$$ix) \begin{cases} 2x_1 - 4x_2 = 10 \\ x_1 - 3x_2 + x_4 = -4 \\ x_1 - x_3 + 2x_4 = 4 \end{cases} \quad x) \begin{cases} 2x_1 - 4x_2 = -8 \\ x_1 - 3x_2 + x_4 = -2 \\ x_1 - x_3 + 2x_4 = 9 \end{cases}$$

$$xi) \begin{cases} 2x_1 - 4x_2 = 10 \\ x_1 - 3x_2 = -4 \\ x_1 - x_3 = 4 \\ 4x_1 - 7x_2 - x_3 = 10 \end{cases} \quad xii) \begin{cases} 2x_1 - 4x_2 = -8 \\ x_1 - 3x_2 = -2 \\ x_1 - x_3 = 9 \\ 4x_1 - 7x_2 - x_3 = -15 \end{cases}$$

- 2.** Calcular, si existen, las inversas de las matrices A_1 y A_2 .

$$A_1 = \begin{pmatrix} 1 & 3 & -2 \\ 2 & 5 & -3 \\ -3 & 2 & -4 \end{pmatrix} \quad A_2 = \begin{pmatrix} 1 & 3 & -2 \\ 2 & 5 & -3 \\ 3 & 8 & -5 \end{pmatrix}$$

- 3.** Dadas las matrices

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

- a) Encontrar A^n y B^n para cualquier entero $n \geq 0$. La respuesta debe estar justificada, lo que puedes hacer, por ejemplo, utilizando el método de inducción.
- b) Encontrar B^n para cualquier entero n positivo o negativo. ¿Puedes encontrar A^n si n es un entero negativo?