

1. Sea $f : \mathbb{R}_2[x] \rightarrow M_2(\mathbb{R})$ la aplicación definida por:

$$f(p(x)) = \begin{pmatrix} p(1) & 0 \\ p'(2) & p(3) \end{pmatrix}.$$

- (i) Demostrar que f es lineal.
 - (ii) Calcular la matriz de f con respecto a las bases canónicas de $\mathbb{R}_2[x]$ y de $M_2(\mathbb{R})$.
 - (iii) Sea $\mathcal{B}_1 = \{x, x-1, x^2\}$ base de $\mathbb{R}_2[x]$ y $\mathcal{B}_2 = \left\{ \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} \right\}$ base de $M_2(\mathbb{R})$. Calcular la matriz de f con respecto a \mathcal{B}_1 y \mathcal{B}_2 .
-

2. Sea $f : \mathbb{Q}^3 \rightarrow \mathbb{Q}^4$ la aplicación lineal determinada por

$$f(1, 2, 5) = (5, 3, 1, 2), \quad f(0, 2, 4) = (4, 2, 0, 2) \quad \text{y} \quad f(2, 0, 3) = (1, -1, -3, 2).$$

- (i) Calcular la matriz de f con respecto a las bases canónicas de \mathbb{Q}^3 y \mathbb{Q}^4 .
- (ii) Calcular una expresión general de $f(x, y, z)$.
- (iii) Dadas las bases de \mathbb{Q}^3 siguientes

$$\mathcal{B}_1 = \{(1, 2, 3), (0, 1, 0), (1, -3, 4)\} \quad \text{y} \quad \mathcal{B}_2 = \{(0, 2, 4), (1, 1, 0), (1, -3, 4)\}.$$

Calcular la matriz de cambio de base de \mathcal{B}_1 a \mathcal{B}_2 .
