

1. Sea  $V$  un  $K$ -espacio vectorial de dimensión finita,  $f : V \rightarrow V$  un endomorfismo y  $W_1, W_2$  subespacios de  $V$  invariantes por  $f$ . Demostrar que si los polinomios mínimos de  $f|_{W_1}$  y  $f|_{W_2}$  son primos entre sí (es decir, no tienen factores comunes), entonces  $W_1 \cap W_2 = \{0\}$ .

---

2. Sea  $A$  una matriz con coeficientes en  $\mathbb{R}$  tal que su polinomio característico es

$$p_A(x) = (x - 1)^4(x - 2)^4(x - 3)^4$$

y su polinomio mínimo es

$$m_A(x) = (x - 1)(x - 2)^2(x - 3)^3.$$

- i) ¿De qué tamaño es  $A$ ?
  - ii) ¿Cuáles son las posibles formas de Jordan de  $A$ ?
-